

## **EXERCICE n°1 :**

Au 1<sup>ier</sup> janvier 2005, une ville en pleine expansion avait une population de 100 000 habitants. Un bureau d'étude fait l'hypothèse qu'à partir du 1<sup>ier</sup> janvier 2005 :

- le nombre d'habitants de la ville augmente chaque année de 5 % du fait des naissances et des décès ;
- du fait des mouvements migratoires, 4 000 personnes supplémentaires viennent s'installer chaque année dans cette ville.

### ***PARTIE A***

Pour tout entier naturel  $n$ , on note  $u_n$  le nombre d'habitants de cette ville au 1<sup>ier</sup> janvier de l'année  $2005 + n$ . Ainsi  $u_0 = 100\,000$ .

1. Calculer  $u_1$  et  $u_2$  puis justifier que, pour tout entier naturel  $n$ ,  $u_{n+1} = 1,05u_n + 4\,000$ .
2. Pour tout entier naturel  $n$ , on pose :  $v_n = u_n + 80\,000$ .
  - a. Montrer que  $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est une suite géométrique dont on précisera le premier terme et la raison.
  - b. Exprimer  $v_n$  en fonction de  $n$ . En déduire que :  $u_n = 180\,000 \times (1,05)^n - 80\,000$ .

### ***PARTIE B***

Le but de cette partie est de prévoir l'évolution de la population jusqu'en 2020 en utilisant le modèle théorique étudié à la partie A. A l'aide de la calculatrice, répondre aux questions suivantes :

1. Quel sera le nombre d'habitants de la ville au 1<sup>ier</sup> janvier 2020 ?
2. A partir de quelle année la population de cette ville dépassera-t-elle 200 000 habitants ?