

CORRECTION

EXERCICE n°3 :

A partir de l'année 1991, un particulier versait au 1^{ier} janvier de chaque année la somme de 15 000 F sur un compte rémunéré au taux annuel de 5 %.

On note u_n la somme disponible sur ce compte au 1^{ier} janvier de l'année $(1991+n)$, n étant un entier naturel. (Ainsi, on a : $u_0 = 15000$).

1. a. Calculons u_1 et u_2 :

On a :

$$u_1 = 15000 + \left(1 + \frac{5}{100}\right)u_0 = 15000 + 1,05 \times 15000 = 30750.$$

$$u_2 = 15000 + \left(1 + \frac{5}{100}\right)u_1 = 15000 + 1,05 \times 30750 = 47287,5.$$

- b. Exprimons u_{n+1} en fonction de u_n :

On a :

$$u_{n+1} = 15000 + \left(1 + \frac{5}{100}\right)u_n = 15000 + 1,05 \times u_n.$$

2. On pose $v_n = u_n + 300000$.

Vérifions que la suite de terme générale v_n est une suite géométrique dont on précisera sa raison et son premier terme :

On a :

$$v_{n+1} = u_{n+1} + 300000 = 15000 + 1,05 \times u_n + 300000 = 315000 + 1,05 \times u_n$$

$$v_{n+1} = 315000 + 1,05 \times (v_n - 300000) = 1,05 \times v_n.$$

Donc : v_n est une suite géométrique de raison 1,05 et de premier terme $v_0 = 315000$

3. Exprimons v_n puis u_n en fonction de n :

$$\text{On a : } v_n = 315000 \times 1,05^n \text{ et } u_n = 315000 \times 1,05^n - 300000.$$

4. En l'an 2000, la somme disponible est donnée par :

$$u_9 = 315000 \times 1,05^9 - 300000 \approx 188668 \text{ F donc ce n'est pas suffisant.}$$